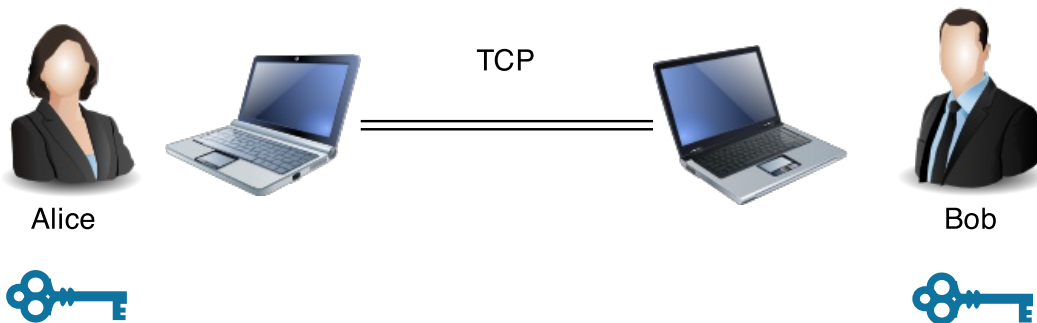


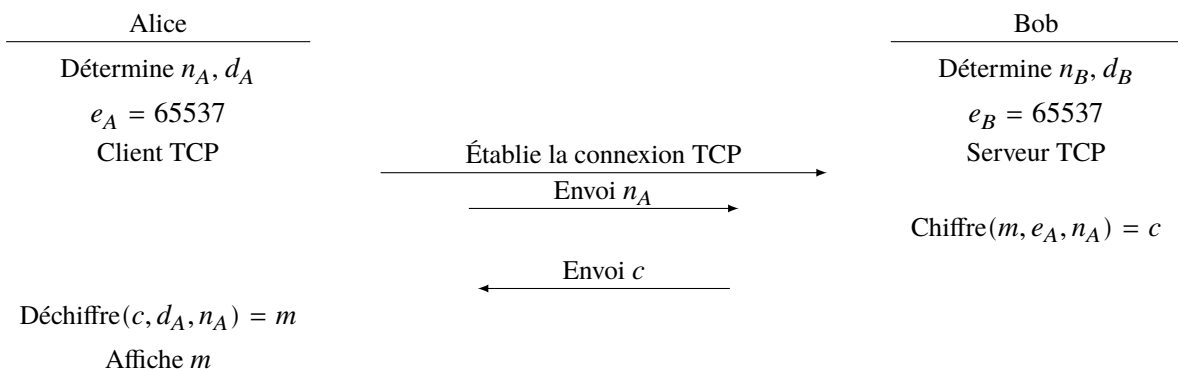
Conception d'un protocole de communication basé TCP sécurisé par RSA

■ ■ ■ Présentation du protocole



Description du protocole :

- ▷ Alice et Bob vont exécuter chacun la version « Serveur » du programme :
 - ◊ le programme détermine les paramètres d'une bicle de chiffrement asymétrique basé sur RSA : les valeurs e , d et n (la taille de ces paramètres est exprimée en nombre de chiffre en base 10) ;
 - ◊ le programme se comporte comme un serveur TCP attendant sur le port n°8790 ;
- ▷ lors de la connexion du programme « client », l'échange est le suivant :



- ▷ les échanges entre Alice et Bob sont chiffrés respectivement avec la clé publique de Bob et d'Alice : chaque interlocuteur doit envoyer ses paramètres n_x à l'autre (le paramètre $e = 65537$ est connu).

Présentation de RSA

- * trouver deux nombres premiers p et q ;
- * calculer $n = pq$;
- * calculer $\phi(n) = (p - 1)(q - 1)$;
- * e est appelé « exposant de clé publique », il est choisi de manière standardisée $e = 65537$;
- * d est appelé « exposant de clé privée », il est choisi tel que $ed \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$;

Le chiffrement d'une valeur m est obtenu par l'opération :

$$\text{chiffrement}(m) = m^e \pmod{n} = c$$

Le déchiffrement d'une valeur c est obtenu par l'opération :

$$\text{déchiffrement}(c) = c^d \pmod{n} = m$$

Pour envoyer un message m chiffré à un interlocuteur, il faut connaître e et son choix de n .

■ ■ ■ Génération de nombre premier de grande taille comportant un nombre choisi de chiffres

Cette génération va se dérouler en différentes étapes :

1. génération de manière aléatoire d'un nombre entier **candidat** de taille choisie (nombre de chiffres qui le composent) :

$n_{\max}$	$n_{\max-1}$	$\dots$	n_1	n_0
------------	--------------	---------	-------	-------

avec $0 < i < \max$, où $\max$ correspond au nombre de chiffres choisi

Les chiffres n_i sont choisis de la manière suivante :

- ◇ $n_{\max} \in \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$
- ◇ $n_i \in \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ avec $1 < i < \max - 1$
- ◇ $n_0 \in \{1, 3, 7, 9\}$



On utilisera la fonction `random.choice('1379')` pour choisir de manière aléatoire un caractère parmi la liste fournie.

```
1 import random
2 random.seed()
3 caractere_aleatoire = random.choice('1379')
```

On considérera chaque chiffre comme un caractère, et on utilisera au besoin la fonction de conversion `int()` pour obtenir la valeur entière correspondante.

2. test de « primalité », c-à-d savoir si le nombre candidat est premier :
 - ◇ dans le cas où il **est premier**, on a réussi et on utilise le nombre trouvé ;
 - ◇ dans le cas où il **n'est pas premier**, il faudra essayer une **nouvelle valeur aléatoire** en réutilisant au maximum le tirage initial afin de limiter l'utilisation de la fonction de tirage aléatoire, consommatrice d'entropie :

$n_{\max}$	$n_{\max-1}$	$\dots$	n_1	n_0
------------	--------------	---------	-------	-------

↓

$n_{\max-1}$	$\dots$	n_1	n_a	n_b
--------------	---------	-------	-------	-------

où n_a et n_b sont deux nouveaux chiffres choisis de manière aléatoire avec :

- ★ $n_a \in \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$;
- ★ $n_b \in \{1, 3, 7, 9\}$.

L'idée est de procéder à un décalage vers la gauche de la valeur précédente et de changer le « biais » introduit sur le dernier chiffre précédemment choisi.

Pour le test de « primalité » on utilisera la commande externe `openssl` :

```
pef@darkstar:~$ openssl prime 13
D is prime
pef@darkstar:~$ openssl prime 12
C is not prime
```

On notera que la commande retourne la valeur entrée en notation hexadécimale avec la mention *is prime* ou *is not prime*.



On utilisera la possibilité offerte par le module `subprocess` de lancer une commande externe et d'obtenir son résultat :

```
1 import subprocess
2 commande = "openssl prime "
3 n = 13
4 r = subprocess.run(commande+str(n), shell=True, stdout=subprocess.PIPE) #
5 Récupère la sortie d'une commande
6 resultat_openssl = r.stdout
```

Il ne restera plus qu'à tester, à l'aide d'une expression régulière, la présence ou l'absence du texte *is prime* dans le résultat obtenu.

3. On recommencera à l'étape 2 jusqu'à obtenir notre nombre premier.

■ ■ ■ Génération des exposants et module RSA

- a. Après avoir tiré au hasard la valeur de deux nombres premiers p et q , on pourra calculer :
 - ◇ $n = pq$,
 - ◇ $\phi(n) = (p-1)(q-1)$.
- b. Connaissant $e = 65537$, il faut déterminer son « inverse modulaire », d , par rapport au module $\phi(n)$. On utilisera l'algorithme d'Euclide étendu dont une version Python est fournie ci-dessous :



```
1 def egcd(a, b):
2     x, y, u, v = 0, 1, 1, 0
3     while a != 0:
4         q, r = b//a, b%a
5         m, n = x-u*q, y-v*q
6         b, a, x, y, u, v = a, r, u, v, m, n
7     gcd = b
8     return gcd, x, y
9
10 def modinv(a, m):
11     gcd, x, y = egcd(a, m)
12     if gcd != 1:
13         return None
14     return x % m
```

L'algorithme est tiré de la page :

http://en.wikibooks.org/wiki/Algorithm_Implementation/Mathematics/Extended_Euclidean_algorithm

■ ■ ■ Chiffrement et déchiffrement

- a. Pour chiffrer une valeur m , comme par exemple le code ASCII d'un caractère, il faut calculer :
$$c = m^e \pmod{n}.$$



L'opération d'exponentiation de Python, `**`, prend un temps excessivement long. En effet, cet opérateur d'exponentiation n'est pas adapté à l'arithmétique modulaire.

Il est nécessaire de programmer un opérateur d'exponentiation modulaire efficace, s'appuyant sur la méthode de l'« exponentiation indienne » ou « exponentiation rapide » :

```
1 def lpowmod(x, y, n):
2     """puissance modulaire: (x**y)%n avec x, y et n entiers"""
3     result = 1
4     while y>0:
5         if y&1>0:
6             result = (result*x)%n
7             y >>= 1
8             x = (x*x)%n
9     return result
```

Cette version est tirée de la page <http://python.jpvweb.com/mesrecettespython/doku.php?id=exponentiation>

- b. pour déchiffrer, on calcule $m = c^d \pmod{n}$.

■ ■ ■ Protocole de communication

Vous devrez écrire deux programmes réseaux : un client et un serveur permettant d'établir une connexion TCP entre Alice et Bob, ce qui permettra d'établir la connexion suivant le choix de l'un ou l'autre :

- ▷ le client initie la connexion ;
- ▷ le serveur attend la connexion du client ;

Chaque programme, client ou serveur, réalise le travail suivant :

- a. création de la bicle RSA, e , d et n ;
- b. une fois la connexion TCP établie, le client et le serveur échange leur valeur n vu que e est connu ;
- c. il peut échanger des données chiffrées avec son interlocuteur :
 - ◇ une séquence de caractères lue au clavier, puis chiffrée par e et n de son interlocuteur ;
 - ◇ une séquence de valeurs lue depuis la connexion TCP et déchiffrée par ses paramètres d et n propres.*Les valeurs échangées seront organisées sous forme de lignes de texte envoyées et reçues au travers de la connexion TCP, suivant un format que vous établirez vous-même.*

■ ■ ■ Travail demandé

Écrire les programmes Python réalisant le **protocole de communication sécurisé par RSA**.

Votre protocole doit être capable de prendre l'ensemble des symboles que l'utilisateur peut entrer en **codage UTF-8** : lettres accentuées, jeu de symboles non latin, smileys...

Proposez des améliorations :

- gérer un nombre de chiffres variable pour la génération de p et q ;
- chiffrer plus de caractères à la fois pour permettre de réduire la quantité de données échangées ;
- permettre un « chat » chiffré entre les deux interlocuteurs ;
- *etc.*

Remise du travail

La **date de remise** du projet est fixée au **dimanche 7 janvier à minuit**.

Le travail est à réaliser en **binôme**, voire en *monôme*.

Il devra être remis sous forme d'une archive à **bonnefoi+ressys@protonmail.com**.

- ▷ Vous mettrez les **programmes sources Python** du client et du serveur.
- ▷ Pour les commentaires sur votre programme, vous joindrez un **rapport au format PDF** à cette archive qui détaillera :
 - ◊ les choix d'implémentations ;
 - ◊ les fonctions ;
 - ◊ les améliorations introduites ;
 - ◊ les problèmes rencontrés ;
 - ◊ un jeu d'essai ;
 - ◊ *etc.*